

**قرارداد:** حرکت به سمت راست را با علامت **هشت** و حرکت به سمت

چهار را با علامت **سیزده** نشان می دهیم

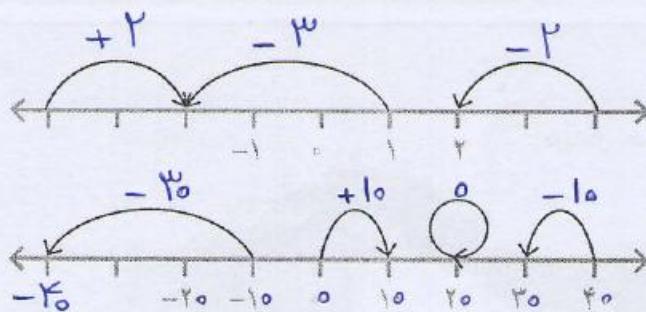
چنانچه اینهای حرکت یک تقطیر باشد چاچایی وجود ندارد و در واقع حرکت صفر است

یادآوری عدهای صحیح



با انجام دادن تمرین های زیر، آنچه را در سال گذشته درباره عدهای صحیح یاد گرفته اید، مرور کنید.

۱- برای هر حرکت روی محور، یک عدد بنویسید.



۲- جدول زیر را مانند نمونه کامل کنید.

|          |    |    |       |   |    |    |    |
|----------|----|----|-------|---|----|----|----|
| عدد صحیح | ۶  | -۴ | -(-۷) | ۰ | ۸  | -۵ | ۲  |
| فریندان  | -۹ | +۴ | -۷    | ۰ | -۸ | ۵  | -۳ |

۳- حاصل عبارت های زیر را مانند نمونه به دست آورید.

$$5 - (-9) = 5 + 9 = 14$$

$$-16 + 12 = +4 \quad 8 - 12 = -4 \quad -3 + 9 = +6 \quad -4 - 8 = -12$$

$$-3 \times 7 = -21 \quad -8 \div (-4) = +2 \quad -12 \div 2 = -6 \quad -4 \times (-3) = +12$$

۴- حاصل عبارت ها را با توجه به ترتیب انجام عملیات به دست آورید.

$$\begin{aligned} -8 - 3 \times 5 &= -8 - 15 = -23 & -16 \div 2 \times 3 - 4 &= -8 \times 3 - 4 = -24 - 4 = -28 \\ 1 - 2 \times (1 - (8 - 9)) &= 1 - 2 \times (1 + 1) & -4 \div 4 - 4 \times 3 &= (-4 \div 4) - (4 \times 3) = -1 - 12 = -13 \end{aligned}$$

لوبیت ها هم ترکیب عبارت اندازه ۱- پرائیوریتی و کروس (احلی ترین پرائیوری) ۲- توان و ریشه کمپرس

۳- ضرب و تقسیم ۴- جمع و تفریق

کلمه: الگوریتم عبارت ضرب و تقسیم آنده باشد لوبیت از هست چهارمی باشد

$$\begin{array}{r}
 43 \xrightarrow{\text{قرینه}} -43 \\
 + 29 \xrightarrow{\text{قرینه}} -29 \\
 \hline 72 \xrightarrow{\text{قرینه}} -72
 \end{array}$$
  

$$\begin{array}{r}
 72 \xrightarrow{\text{قرینه}} -72 \\
 -37 \xrightarrow{\text{قرینه}} +37 \\
 \hline 35 \xrightarrow{\text{قرینه}} -35
 \end{array}$$
  

$$43 + 29 - 37 = 72 - 37 = 35 \Rightarrow -43 - 29 + 37 = -35$$

طامن

۵- عبارت  $-43+37-29$  را چهار داش آموز محاسبه کرده اند. راه حل هر یک را توضیح دهید.

$$-43+37-29 = -43-29+37 = -72+37 = 35$$

راه حل علی:

جا باید در این حالت نشل است

$$\begin{array}{l}
 -72 + 37 = -35 \quad (1) \quad -63 - 29 = -72 \quad (2) \quad 37 - 29 = 37 + (-29) = -29 + 37 \quad (3) \\
 -43 + 37 - 29 = -43 + 8 = -35 \\
 -43 + 1 = -35 \quad (4) \quad +37 - 29 = +8 \quad (5) \\
 -43 + 37 - 29 = -6 - 29 = -35 \\
 -4 - 29 = -35 \quad (6) \quad -43 + 37 = -4 \quad (7)
 \end{array}$$

توضیح: راه حل مجتبی:

توضیح: راه حل مرتضی:

توضیح: راه حل علی:

وقت لیدر و خالان

| d | i |
|---|---|
| - | 2 |
| + | 7 |
| - | 9 |

راه حل مصطفی: ۱- بسط عدد ۲ جا صلملحها

توضیح: وده تایی ها را جدا کنند محاسبه می کنیم

$$-40 - 3 = -43$$

$$+30 + 7 = +37$$

$$-20 - 9 = -29$$

$$-30 - 5 = -35$$

$$+37 - 29 = 8$$

$$-40 - 35 = -75$$

$$+37 - 35 = 2$$

$$-40 - 2 = -42$$

$$+37 - 2 = 35$$

$$-40 - 35 = -75$$

$$+37 - 35 = 2$$

$$-40 - 2 = -42$$

$$+37 - 2 = 35$$

$$-40 - 35 = -75$$

$$+37 - 35 = 2$$

$$-40 - 2 = -42$$

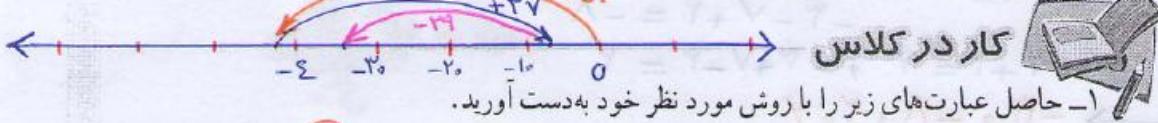
$$+37 - 2 = 35$$

$$-40 - 35 = -75$$

$$+37 - 35 = 2$$

شما کدام راه حل را می پسندید؟ چرا؟

آیا راه حل دیگری برای پیدا کردن حاصل این عبارت سراغ دارد؟ بازی صفحه



۱- حاصل عبارت های زیر را با روش مورد نظر خود بدست آورید.

$$-(17)+12-12-19=31-32=-1 \quad (1)$$

$$-(-7)-2+(-9)=7-11=-4$$

$$-18-(-4)-(-19)=-18+4+19=4+1 \quad (2)$$

$$-24-97+100-22=-24-120+100=-24-20=-44$$

$$=5 \quad (3)$$

۲- حاصل عبارت  $10+3-7-2$  را به دو روش حساب کرده ایم. کدام درست و کدام نادرست

است؟ توضیح دهید.

در محاسبات حتماً پی علامت عدد

قوچ سود

$$10+3-7-2=13-5=8$$

$$10+3-7-2=13-9=4$$

۳- قبل از انجام دادن محاسبات، در عبارت های داده شده خوب دقت کنید و با دسته بندی

مناسب، راه ساده ای پیدا کنید. راه حل خود را با راه حل های دوستانان مقایسه کنید و آن گاه با

ماشین حساب درستی پاسخ های خود را بررسی کنید.

$$-40+35+10-17-40=35-17=18 \quad (1)$$

$$-32-21+12+2\times 7=-32+12=-20$$

$$-40+10-40=0 \quad (2)$$

$$-21+21=0 \quad (3)$$

$$-40+10-40=0 \quad (4)$$

$$-21+21=0 \quad (5)$$

اگر طرح سؤال را آدم با هوش فرض کنیم، هیچ وقت حاصل ضرب این عدد را از مانند خواهد پس باید دنبال نکنیم که در سؤال فقط است باشیم

**نکته:** اگر دستیق به عبارت تکاه لینم درین عبارت جایی  $= -1$  را از حاصل ضرب صفر در هر عددی برای صفر می شود

۴- یکی از ریاضی دانان بزرگ در کودکی جمع عددهای از ۱ تا ۱۰۰ را با روشی ابتکاری

$$1+2+3+\dots+98+99+100 = \text{محاسبه کرد.}$$

چند جفت عدد با هم جمع شده‌اند؟  $\leftarrow$  ۵ جفت  
حاصل جمع هر جفت عدد چند است؟  $101 \leftarrow (\text{حاصل جمع اول}) \text{ و } (\text{آخری})$

$$50 \times 101 = 5050 \quad \text{حاصل عبارت چند می شود؟}$$

۵- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید. روش کار را توضیح دهید.

$$-2+4-6+8-10+12 = 0+4=4$$

$$(-2-4+6-8+10-12) + (4-8+10-12) = 0 = 0-10-11-\dots-9-1 = (10-1)(9-1)\dots(8-1)$$

بالای صفحه

۶- ابتدا در مربع‌های خالی علامت‌های «+» یا «-» بگذارید. سپس، عبارت داده شده را محاسبه کنید و همه عددهای صحیح ممکن را که به دست می‌آیند، از کوچک به بزرگ مرتب کنید.

$$\begin{array}{r} -3 \square \square 2 \\ -3 -7 -2 = -12 \\ -3 -7 + 2 = -8 \\ -3 + 7 + 2 = 4 \end{array}$$

$-3 + 7 - 2 = 2$

فعالیت 

در جاهای خالی علامت «+» یا «-» را طوری قرار دهید که حاصل عبارت زیر، بزرگترین مقدار ممکن شود. **نکته:** علامت‌های اطرافی انتخاب کرلینم اعداد بعد از عد اوں همچشمی باشند

$$-5 \square - \square (+3) \square (-9) = -5 + 4 + 3 + 9 = 13$$

در زیر، چهار پاسخ به این مسئله داده شده که فقط یکی از آنها درست است. آن را مشخص کنید و دلیل نادرست بودن پاسخ‌های دیگر را هم توضیح دهید.

$$-5 \square + \square (-6) \square (+3) \square (-9) = -5 - 6 + 3 - 9 = -11 - 6 = -17 \quad \text{پاسخ اول:}$$

$$-5 \square + \square (-6) \square (+3) \square (-9) = -5 - 6 - 3 - 9 = -23 \quad \text{پاسخ دوم:}$$

$$-5 \square - \square (-6) \square (+3) \square (-9) = -5 + 6 + 3 + 9 = 1 + 12 = 13 \quad \checkmark \quad \text{پاسخ سوم:}$$

$$-5 \square + \square (-6) \square (+3) \square (-9) = -5 - 6 + 3 + 9 = -11 + 12 = 1 \quad \text{پاسخ چهارم:}$$

**نکته:** این سؤال در مجموع ۱ جواب دارد

$$-5 + (-9) - (+3) - (-9) = -5 - 9 - 3 + 9 = -5$$

$$-5 - (-9) + (+3) + (-9) = -5 + 9 + 3 - 9 = -5$$

$$-5 - (-9) - (+3) - (-9) = -5 + 9 - 3 + 9 = +1$$

$$-5 - (-9) - (+3) + (-9) = -5 + 9 - 3 - 9 = -11$$

سری: اعداد ۱-۷ را طوری در مربع  $4 \times 4$  قرار دهید که حاصل جمع هر رяд و

|    |    |    |    |
|----|----|----|----|
| -۸ | ۹  | ۵  | -۵ |
| ۳  | -۳ | -۲ | ۰  |
| -۱ | ۱  | ۲  | -۴ |
| ۴  | -۶ | -۷ | ۷  |

$$= -2$$

$$= -2$$

$$= -2$$

$$= -2$$

و ادعا داده شده است:  $-4, -2, 0, 2, 1, 2, \dots$

$-5, -4, -7, \dots$

$-2, 1, 0, 1, 2, \dots$

۱- عدد های صحیح بین ۳ و ۵ را بنویسید.

\* ۲- عدد های صحیح کوچکتر از ۴ را بنویسید.

\* ۳- عدد های صحیح بزرگتر از ۳ را بنویسید.

۴- مانند نمونه، جدول را کامل کنید.

تمرین



| عدد   | +۳ | ۰ | ۵۳ | $\sqrt{4}$ | $\frac{3}{1}$ | $-(\text{-}2)$ | $-\frac{2}{3}$ | $\frac{0}{7}$ |
|-------|----|---|----|------------|---------------|----------------|----------------|---------------|
| طبیعی | ✓  | ✗ | ✓  | ✓          | ✓             | ✓              | ✗              | ✗             |
| صحیح  | ✓  | ✓ | ✓  | ✓          | ✓             | ✓              | ✗              | ✗             |

$$(-8 - 12 + 22) + (4 + 12 - 20) = 2 \quad ۳- حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.$$

$$-8 + 6 - 12 + 14 - 20 + 22 =$$

$$-8 + 7 - 6 + 8 - 7 + 6 =$$

$$-12 + 22 + 32 - 42 =$$

$$(-8 + 8) + (7 - 7) + (-4 + 4) = 0$$

$$-8 + 7 - 6 + 8 - 7 + 6 =$$

$$-12 + 22 + 32 - 42 =$$

$$3 - (2 + 7 - 1) = 3 - 8 = -5$$

$$2 - 4 \times 5 = 3 - 20 = -17$$

$$-8 - 4 \div 2 = -8 - 2 = -10$$

$$\text{الویرایش اول باشید} \leftarrow 3 - 5 = -2$$

۴- هر یک از عبارت های زیر چه عددی را نشان می دهد؟

کوچک ترین عدد طبیعی: ۱

بزرگ ترین عدد صحیح منفی: -۱

کوچک ترین عدد زوج طبیعی: ۲

کوچک ترین عدد صحیح مثبت: +۱

بزرگ ترین عدد زوج طبیعی سه رقمی: ۹۹۸

کوچک ترین عدد فرد طبیعی دو رقمی: ۱۱

۵- جدول زیر را کامل کنید؛ طوری که حاصل جمع عدد های هر ردیف، با مجموع عدد های هر ستون

و هر قطر مساوی باشد.

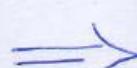
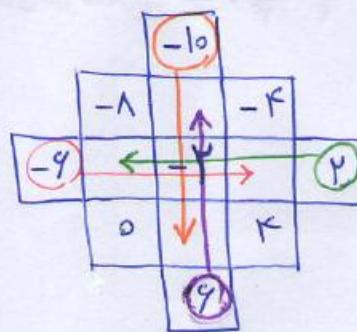
|    |     |    |
|----|-----|----|
| -۸ | ۴   | -۴ |
| ۳  | -۲  | -۶ |
| ۰  | -۱۰ | ۴  |

$$= -9$$

$$= -9$$

$$= -9$$

مربع و فقر  $3 \times 3$



|    |     |    |
|----|-----|----|
| -۸ | ۴   | -۴ |
| ۳  | -۲  | -۶ |
| ۰  | -۱۰ | ۴  |

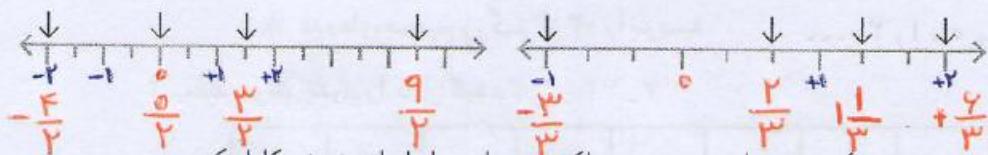
$$-\frac{1}{3} = \frac{-2 \times 3 + 1}{3} = \frac{-6 + 1}{3} = -\frac{5}{3}$$

$$-\frac{1}{3} = -2 - \frac{1}{3} \quad \text{و} \quad \frac{1}{3} = 2 + \frac{1}{3}$$

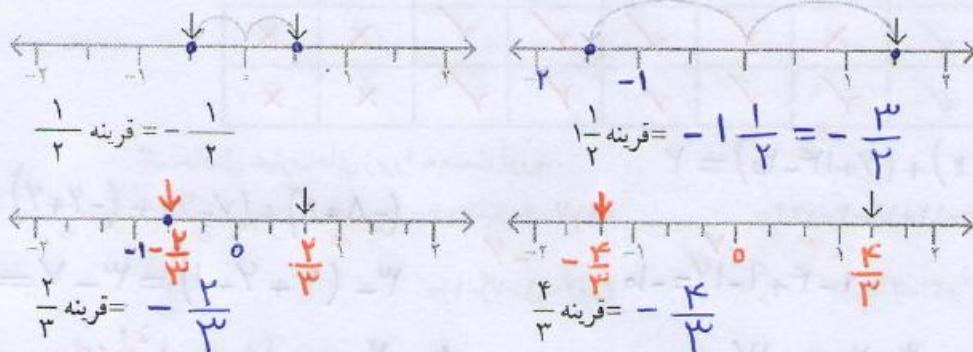
### معرفی عددهای کوپا



۱- نقطه‌هایی که روی محور مشخص شده‌اند، چه عددهایی را نشان می‌دهند؟



۲- قرینه‌های عدد را روی محور پیدا کنید و تساوی‌ها را مانند نمونه، کامل کنید.



۳- به این ترتیب، می‌توانید قرینه همه کسرهایی که با آنها آشنا شده‌اید را بنویسید :

$$0 = \text{قرینه } 0 \quad \frac{1}{5} = \text{قرینه } -\frac{1}{5} \quad \frac{9}{10} = \text{قرینه } -\frac{9}{10} \quad -\frac{1}{10} = \text{قرینه } \frac{1}{10}$$

۴- کسرهارا به عدد مخلوط و عدد مخلوط را به کسر تبدیل کنید.

$$+3\frac{1}{4} = +\frac{13}{4}$$

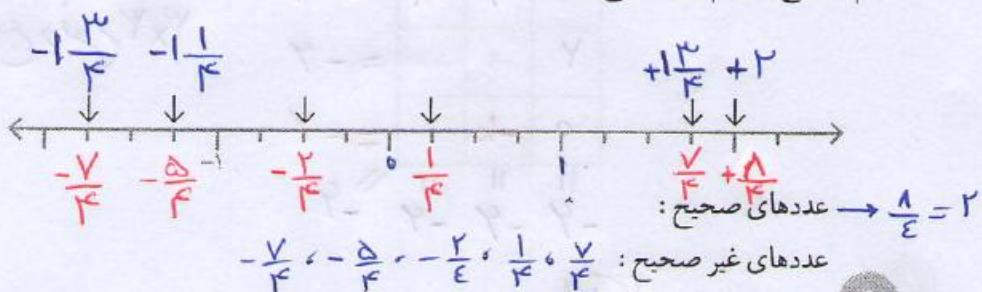
$$-\frac{7}{5} = -1\frac{2}{5}$$

$$+\frac{14}{3} = +4\frac{2}{3}$$

$$-\frac{1}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

۵- نقطه‌هایی که روی محور مشخص شده‌اند، چه عددهایی را نمایش می‌دهند؟ از این عددها،

کدام صحیح و کدام غیرصحیح‌اند؟



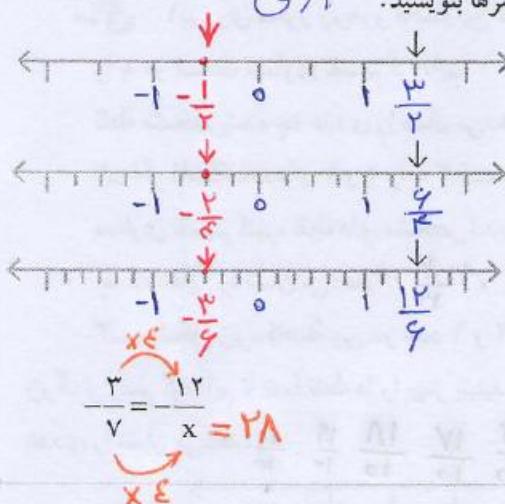
عددهای صحیح:  $\frac{\sqrt{3}}{4}, -\frac{5}{4}, -\frac{3}{4}, -\frac{1}{4}$

عددهای غیرصحیح:  $\frac{7}{4}, \frac{1}{4}, \frac{5}{4}, \frac{3}{4}, \frac{\sqrt{3}}{4}$

برای مقایسه اعداد معرف کسری بهتر است  
دانش آموزان ابتدا سرها را هم محجج کنند و پس با توجه به صورت کسر مقایسه صورت کنید

۶- الف) نقطه های مشخص شده روی محورها چه کسرهایی را نشان می دهند؟ آیا این سه کسر

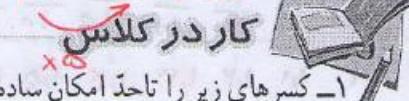
باهم مساوی اند؟ نتیجه را به صورت تساوی کسرها بنویسید.



$$\frac{3}{2} = \frac{9}{4} = \frac{12}{6}$$

$$\text{محور نمایش دهد. } \frac{1}{2} = -\frac{2}{4} = -\frac{3}{6}$$

$$x = \frac{12}{18} \quad x = \frac{10}{15}$$



$$(90, 124) = 18$$

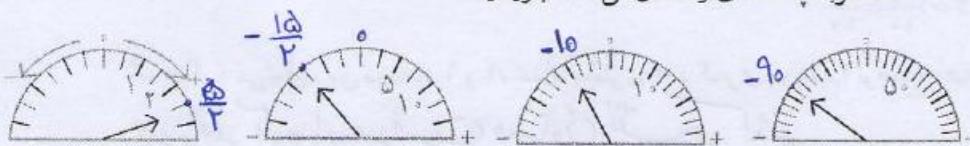
$$1 - \text{کسرهای زیر را تاحد امکان ساده کنید.}$$

$$-\frac{18}{9} = -\frac{11}{1}$$

$$+\frac{66}{32} = +\frac{11}{7}$$

$$-\frac{90}{126} = -\frac{5}{7}$$

۲- عقریه چه عددی را نشان می دهد؟ بنویسید.



۳- به کمک محور، عددهای زیر را از کوچک به بزرگ و از چپ به راست مرتب کنید.

$$-\frac{42}{70} \square -\frac{35}{70} \square -\frac{30}{70} \square -\frac{28}{70} < -\frac{25}{70}, -\frac{23}{70}, -\frac{21}{70}, -\frac{19}{70}, -\frac{17}{70}, -\frac{15}{70}, -\frac{13}{70}, -\frac{11}{70}, -\frac{9}{70}, -\frac{7}{70}, -\frac{5}{70}, -\frac{3}{70}, -\frac{1}{70}, 0 < \frac{1}{70} < \frac{3}{70} < \frac{5}{70} < 1$$

۴- در جای خالی علامت مناسب < يا > يا = بگذارید. توضیع در بالا

$$\frac{3}{5} \bigcirc 0.25 = \frac{1}{4} \quad -\frac{1}{7} \bigcirc -\frac{11}{5} \quad -\frac{3}{6} \bigcirc -0.15 = -\frac{1}{5}$$

۵- هر یک از عددها را در جدول زیر در جای خود قرار دهید و جدول را کامل کنید.

$$\frac{17}{7}, \frac{1}{15}, -\frac{1}{5}, -\frac{1}{2}, -\frac{3}{5}, -\frac{25}{6}, +\frac{35}{7}, \frac{27}{10}, -\frac{3}{17}, -\frac{7}{10}$$

| بزرگتر از $x > 2$              | بين ۱ و ۲ $1 < x < 2$ | بين ۰ و ۱ $0 < x < 1$ | بين -۱ و ۰ $-1 < x < 0$ | بين -۲ و -۳ $-2 < x < -3$ | کوچکتر از $-3 < x$ |
|--------------------------------|-----------------------|-----------------------|-------------------------|---------------------------|--------------------|
| $\frac{17}{7}, \frac{3}{5}$    | $\frac{1}{5}$         | $\frac{1}{7}$         | $\frac{1}{10}$          | $-1\frac{1}{5}$           | $-$                |
| $\frac{27}{10}$                |                       |                       |                         |                           | $-\frac{25}{6}$    |
| $-\frac{3}{17}, -\frac{7}{10}$ |                       |                       |                         |                           |                    |

نلتة:

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$$

$$\frac{1}{3} < \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{3} < \frac{2}{5}, \frac{3}{7}, \frac{4}{9}, \dots < \frac{1}{2}$$

### فعالیت

۱- روی محور رو به رو فاصله بین عددهای ۱ و ۲ را به دو قسم مساوی تقسیم کرده‌ایم.



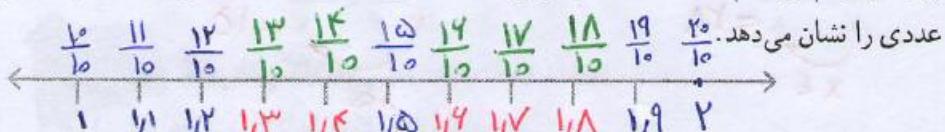
نقطه مشخص شده چه عددی را نشان می‌دهد؟

۲- اگر فاصله عددهای ۱ و ۲ را به ۳ قسم مساوی تقسیم کنیم، نقطه‌های مشخص شده چه عددهایی را نشان می‌دهند؟



$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{5}{3}$

۳- در شکل زیر، فاصله بین دو عدد ۱ و ۲ را به ۱۰ قسم مساوی تقسیم کرده‌ایم اما آن را بزرگ‌تر رسم کرده‌ایم تا شما نقطه‌ها را بهتر ببینید. اکنون مانند نمونه مشخص کنید که هر نقطه چه عددی را نشان می‌دهند.



در تساوی زیر، عدد اعشاری  $1/2$  را به صورت کسری نوشته‌ایم. شما هم در محور بالا عددهای اعشاری را به صورت کسری نشان دهید.

$$1/2 = \frac{1}{2} = \frac{12}{10}$$

۴- چگونه می‌توانیم بین دو عدد ۱ و ۲، تعداد بیشتری عدد کسری بنویسیم؟ توضیح دهید.

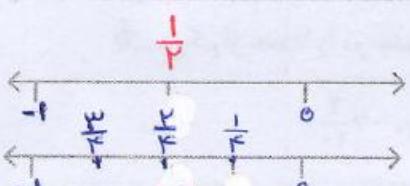
نمی‌توانیم آن را به صد قسم مساوی تقسیم کنیم

۵- آیا می‌توانیم بگوییم بین دو عدد ۱ و ۲ کسرهای بی‌شماری وجود دارد؟

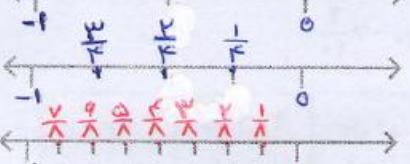
آیا همین نتیجه را می‌توان برای عددهای ۱-۲ نیز تکرار کرد؟

آیا می‌توانیم به طور کلی نتیجه بگیریم که «بین هر دو عدد صحیح، بی‌شمار کسر وجود دارد»؟

### کار در کلاس

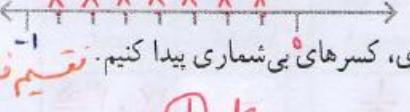


با توجه به محورهای رو به رو و تقسیم شدن فاصله



بین دو عدد ۰ و ۱- کسرهای مختلفی بین این دو

عدد بنویسید.



توضیح دهید چگونه می‌توانیم بین هر دو عدد کسری، کسرهای بی‌شماری پیدا کنیم.

تقسیم فاصله‌ین کسرهای است

$$\frac{1}{3} < \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{2}{4} < \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{200}{900} < \frac{300}{900}$$

مثال ①

$$\frac{200}{900} < \frac{201}{900}, \frac{202}{900}, \frac{203}{900}, \dots, \frac{299}{900} < \frac{300}{900}$$

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$$

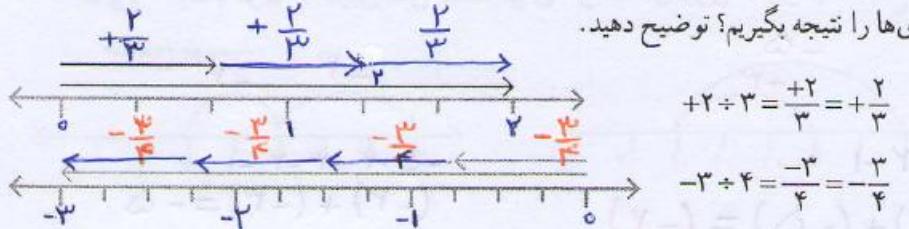
رسوس روم

همان طول که در شکل روم پیدا ساخته بودار  $\frac{3}{4}$  با ۴ تا بردار  $\frac{3}{4}$  - برابر است  

$$\frac{-\frac{3}{4}}{4} = -\frac{3}{4} \Rightarrow \frac{-\frac{3}{4}}{4} = -\frac{3}{4}$$
 لذا خواهیم داشت

توضیع فعالیت

۱- چگونه می‌توانیم به کمک بردارهایی که در شکل نمایش داده شده‌اند، درستی تساوی‌ها را تبیجه بگیریم؟ توضیح دهید.



۲- با توجه به سوال بالا و مانند نمونه، کسر مساوی هر کسر را بنویسید.

$$\frac{-2}{3} = -2 \div 3 = -\left(2 \div 3\right) = -\frac{2}{3}$$

$$\frac{3}{-5} = 3 \div (-5) = -\left(3 \div 5\right) = -\frac{3}{5}$$

$$-\frac{-4}{7} = -\left(-4 \div 7\right) = -\left(-\frac{4}{7}\right) = \frac{4}{7}$$

$$\frac{-3}{-4} = -3 \div (-4) = +\left(3 \div 4\right) = +\frac{3}{4}$$

به هر عدد کسری به صورت  $\frac{a}{b}$  که در آن  $a$  و  $b$  اعدادی صحیح باشند و  $a \neq b$  باشد، عدد گویا می‌گوییم.

تعريف اعداد گویا

۱- آیا می‌توان گفت هر عدد صحیح و هر عدد طبیعی نیز یک عدد گویاست؟ چرا؟

۲- در هر یک از حالت‌های زیر تعیین کنید  $\frac{x}{y}$  بزرگ‌تر است، یا  $\frac{x}{y} < \frac{m}{n}$

الف) وقتی  $x$  عدد صحیح مثبت است  $\frac{x}{y} < \frac{m}{n}$  ب) وقتی  $x$  عدد صحیح منفی است.  $\frac{m}{n} < \frac{x}{y}$   
 ۳- جدول زیر را مانند نمونه کامل کنید.

| نوع   | عدد             |                |                 |                 |            |               |              |                |              |                |              |
|-------|-----------------|----------------|-----------------|-----------------|------------|---------------|--------------|----------------|--------------|----------------|--------------|
| طبیعی | $\frac{12}{-4}$ | $\frac{-1}{5}$ | $\frac{-4}{-2}$ | $\frac{-8}{-2}$ | $\sqrt{3}$ | $\frac{2}{5}$ | ۰            | $-\frac{2}{3}$ | $\sqrt{9}$   | $-\frac{6}{2}$ | $-(-(+4))$   |
| صحیح  | $\checkmark$    | $\times$       | $\checkmark$    | $\times$        | $\times$   | $\times$      | $\times$     | $\times$       | $\checkmark$ | $\times$       | $\checkmark$ |
| گویا  | $\checkmark$    | $\checkmark$   | $\checkmark$    | $\checkmark$    | $\times$   | $\checkmark$  | $\checkmark$ | $\checkmark$   | $\checkmark$ | $\checkmark$   | $\checkmark$ |

۴- ابتدا علامت هر عبارت را تعیین و سپس آن را ساده کنید.

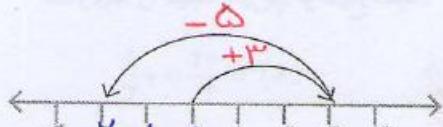
$$\frac{-8 \times (-18)}{12 \times 16} = +\frac{18 \times 18}{12 \times 16} \quad \frac{18 \times 18}{12 \times 16} = +\frac{3}{4} \quad \frac{10 \times (-2)}{-7 \times 25} = -\frac{10 \times 2}{7 \times 25} = -\frac{2}{35}$$

$$= +\frac{3}{4}$$

## جمع و تفریق عددهای گویا

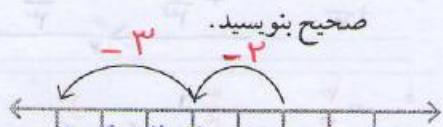
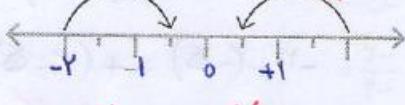


۱- با توجه به درس سال گذشته برای حرکت‌های روی محور، یک جمع عددهای

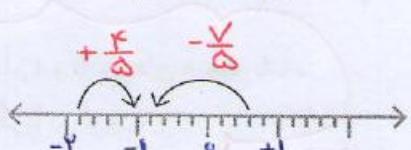
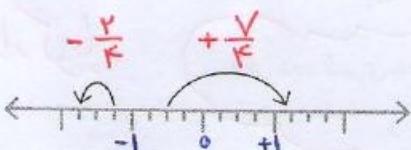


$$(+3) + (-5) = (-2)$$

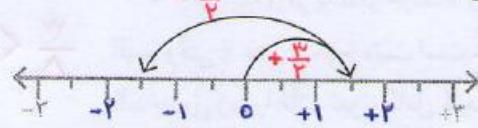
$$\frac{3}{2} + \frac{-5}{2}$$



$$(-2) + (-3) = -5$$

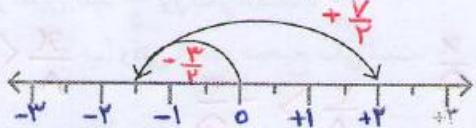


۲- برای محورهای زیر مانند نمونه، یک جمع با عددهای گویا بنویسید.



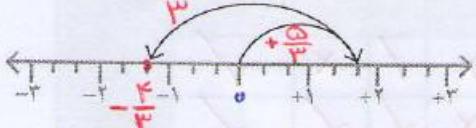
$$(\frac{3}{2}) + (-\frac{6}{2}) = -\frac{3}{2} = (-1\frac{1}{2})$$

$$-\frac{9}{2}$$

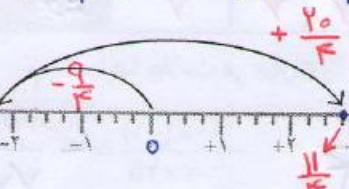


$$(-\frac{3}{2}) + (\frac{5}{2}) = +\frac{14}{2} = +7$$

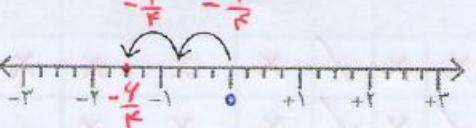
$$-\frac{3}{2}$$



$$(\frac{10}{3}) + (-\frac{9}{3}) = -\frac{19}{3} = -6\frac{1}{3}$$

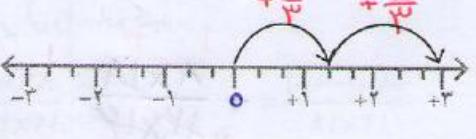


$$(-\frac{9}{5}) + (+\frac{20}{5}) = (+\frac{11}{5}) = (+\frac{11}{5})$$



$$(-\frac{13}{4}) + (-\frac{13}{4}) = -\frac{13}{4} = -3\frac{1}{4}$$

$$-\frac{13}{4}$$



$$(+\frac{11}{5}) + (+\frac{11}{5}) = +\frac{11}{5} = 11$$

$$+\frac{11}{5}$$



۴- عبارت‌های زیر را مانند نمونه به صورت جمع دو عدد گویا بنویسید.

$$\frac{5}{8} - \frac{7}{8} = \frac{5}{8} + \left(-\frac{7}{8}\right) = -\frac{2}{8} \quad -\frac{5}{8} - \left(-\frac{7}{8}\right) = -\frac{5}{8} + \left(-\left(-\frac{7}{8}\right)\right) = -\frac{5}{8} + \frac{7}{8} = +\frac{2}{8}$$

$$\frac{3}{5} - \frac{4}{5} = \frac{3}{5} + \left(-\frac{4}{5}\right) = -\frac{1}{5} \quad -\frac{3}{5} - \left(+\frac{4}{5}\right) = -\frac{3}{5} + \left(-\left(+\frac{4}{5}\right)\right) = -\frac{3}{5} + \left(-\frac{4}{5}\right) = -\frac{7}{5}$$

$$\begin{aligned} \frac{6}{10} + \left(-\frac{18}{100}\right) &\leftarrow 0/10 - 0/100 = 0/10 + \left(-0/100\right) = -0/100 \\ \left(-\frac{12}{10}\right) + \frac{7}{1} &\leftarrow -12/10 - (-7) = -12/10 + \left(-\left(-7\right)\right) = -12/10 + 7 \\ &= -5/10 \end{aligned}$$

۵- مانند نمونه، عددهارا ابتدا به طور تقریبی به تزدیک ترین عدد صحیح گرد کنید. سپس، حاصل

عبارت را به دست آورید.

$$-17/9 - (-8/10) + 12/87 = -18 - (-8) + 13 = -18 + 8 + 13 = -10 + 13 = 3$$

$$-1\frac{14}{15} + 2\frac{1}{17} - 3\frac{2}{19} = -2 + 2 - 3 = -3$$

### کار در کلاس

به کمک محور، حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید. ابتدا تفرقه‌ها را به صورت جمع بنویسید.

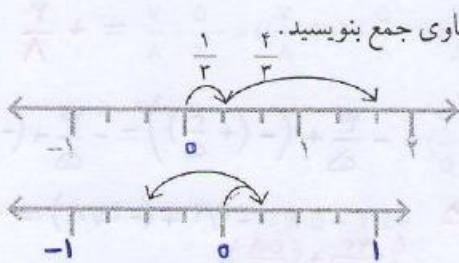
$$\begin{aligned} -\frac{4}{3} - \left(+\frac{5}{3}\right) &= -\frac{4}{3} + \left(-\frac{5}{3}\right) \\ &= -\frac{9}{3} = -3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \left(+\frac{7}{5}\right) + \left(-\frac{9}{5}\right) &= -\frac{2}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -\frac{3}{2} - \left(-\frac{5}{2}\right) &= \\ &= \left(-\frac{3}{2}\right) + \left(+\frac{5}{2}\right) = +\frac{2}{2} = 1 \end{aligned}$$



## ۱- فعالیت



$$\frac{1}{3} + \frac{1}{2} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

حاصل عبارت روبرو را به دست آورید و با حاصل جمع بالا مقایسه کنید.

$$\frac{1+(-3)}{4} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$$

**حاصل یافته است**

با توجه به تساوی های زیر، توضیح دهید که چگونه می توانیم حاصل جمع و تفریق دو عدد گویا را با استفاده از جمع و تفریق دو عدد صحیح به دست آوریم.

$$-\frac{3}{5} + \frac{2}{5} = \frac{-3+2}{5}$$

$$-\frac{3}{7} - (-\frac{4}{7}) = \frac{-3-(-4)}{7} = \frac{-3+4}{7}$$

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$$

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{b} = \frac{a-c}{b}$$

**خلاصه درس**

۲- مانند نمونه، ابتدا مخرج هارا یکی کنید. سپس، جمع و تفریق هارا انجام دهید.

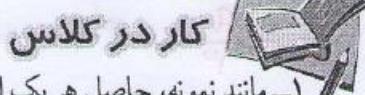
$$\frac{5}{7} - \frac{3}{4} = \frac{20}{28} - \frac{21}{28} = \frac{20-21}{28} = \frac{-1}{28} = -\frac{1}{28}$$

$$\frac{6}{5} + \frac{7}{5} = \frac{6+7}{5} = \frac{13}{5}$$

$$-\frac{3}{4} + \frac{2}{3} = \frac{-9+8}{12} = -\frac{1}{12}$$

$$-\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{-3-2}{6} = -\frac{5}{6}$$

$$-\frac{2}{5} - \frac{2}{3} = \frac{-9-10}{15} = \frac{-9-(-10)}{15} = \frac{-9+10}{15} = \frac{1}{15}$$



۱- مانند نمونه، حاصل هر یک از عبارت هارا به دست آورید.

$$(+\frac{7}{9}) + (-\frac{4}{9}) = \frac{7-4}{9} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

$$(-\frac{7}{9}) - (-\frac{4}{9}) = \frac{-7-(-4)}{9} = \frac{-7+4}{9} = -\frac{3}{9} = -\frac{1}{3}$$

$$(-\frac{6}{11}) + (+\frac{8}{11}) = \frac{-6+8}{11} = +\frac{2}{11}$$

$$(-\frac{6}{11}) - (+\frac{8}{11}) = \frac{-6-(+8)}{11} = \frac{-6-8}{11} = -\frac{14}{11}$$

$$-\frac{6}{11} - \frac{8}{11} = \frac{-6-8}{11} = \frac{-6-(-8)}{11} = \frac{-6+8}{11} = \frac{2}{11}$$

$$\frac{v-f}{9} = \frac{V-F}{9} = \frac{2}{9} = \frac{1}{\frac{9}{2}}$$

$$(-\frac{4}{V}) - (-\frac{5}{9}) = \frac{-34 + 30}{9V} = -\frac{4}{9V}$$

$$-\frac{4+4}{5+5} = \frac{-4+4}{5} = \frac{0}{5} = 0$$

$$-\frac{3}{4} \cdot \frac{15}{8} = \frac{-9 - 15}{8} = \frac{-24}{8} = -\frac{21}{8}$$

۲- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$4 + \frac{3}{V} = \frac{4 \cdot 3}{V} = \frac{12}{V}$$

$$4 + (-\frac{3}{V}) = 4 - \frac{3}{V} = \frac{25}{V} \quad 4 + (-\frac{3}{V}) = -\frac{4}{V} = -\frac{21}{V}$$

$$-4 + \frac{3}{V} = -\frac{4}{V} = -\frac{12}{V}$$

$$4 - \frac{3}{V} = \frac{4}{V} = \frac{25}{V} \quad -4 - \frac{3}{V} = -\frac{4}{V} = -\frac{21}{V}$$

حالا مانند نمونه، هر عدد مخلوط را به صورت دو عدد صحیح و کسری درآورید و باهم جمع کنید.

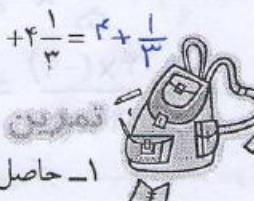
$$-2\frac{1}{2} = -2 + (-\frac{1}{2})$$

$$-3\frac{3}{4} = -3 + (-\frac{3}{4})$$

$$+4\frac{1}{3} = 4 + \frac{1}{3}$$

$$= -2 - \frac{1}{2}$$

$$= -3 - \frac{3}{4}$$



۱- حاصل عبارت‌ها را به دست آورید.

$$-\frac{4}{10} + \frac{4}{5} = \frac{1}{10}$$

$$-\frac{3}{8} - \frac{5}{24} = \frac{-19}{24}$$

$$-2 - \frac{5}{3} = -\frac{11}{3}$$

$$-2 + \frac{3}{5} = -1\frac{2}{5}$$

$$-2\frac{1}{2} + 3\frac{1}{3} = 1 + \frac{-3+1}{6} = \frac{5}{6} \quad -4\frac{1}{5} - 2\frac{1}{2} = -4\frac{7}{10} \quad 7\frac{1}{3} - 1\frac{1}{4} = -3 + \frac{4-3}{12} = -2\frac{11}{12}$$

$$-\frac{5}{2} + \frac{10}{4} = \frac{-10+20}{8} = \frac{10}{8}$$

۲- حاصل عبارت‌ها را به دست آورید.

$$\begin{cases} -25 + 75 = 50 \\ -0/25 + 0/75 = 0/50 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -9 + 3 = -6 \\ -0/9 + 0/3 = 0/6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7 - 12 = -5 \\ 0/7 - 1/2 = -0/5 \end{cases}$$

پس این تساوی‌ها چه رابطه‌ای را مشاهده می‌کنید؟ **کلام**

۳- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$-25/10 \quad -25 + 7/2 = -17/2 \quad -4/1 - 3/7 = -7/1 \quad (-41 - 37) = -78$$

$$12/8 - 15/4 = -2/4$$

$$(12A - 15F = -24)$$

$$-25 + 7/2 = -17/2$$

$$-4/1 - 3/7 = -7/1$$

$$(-41 - 37) = -78$$

۴- به کمک الگویانی جاهای خالی شکل را پر کنید.

|         |        |        |         |
|---------|--------|--------|---------|
| $0/10$  | $0/72$ |        |         |
| $-0/50$ | $0/51$ |        |         |
| $-0/7$  | $0/20$ | $0/21$ | $-0/10$ |

|  |
|--|
|  |
|--|

## ضرب و تقسیم عدددهای گویا



۱- مانند نمونه، ضرب عدددهای گویا را به ضرب عدددهای صحیح تبدیل کنید. با توجه به حاصل عبارت‌ها، جدول را برای ضرب دو عدد گویا کامل کنید.

$$-\frac{2}{3} \times \left(+\frac{3}{4}\right) = \frac{-2}{3} \times \frac{+3}{4} = \frac{(-2) \times (+3)}{3 \times 4} = -\frac{2 \times 3}{3 \times 4} = -\frac{1}{2}$$

$$-\frac{3}{4} \times \left(+\frac{5}{7}\right) = \frac{-3}{4} \times \frac{+5}{7} = -\frac{3 \times 5}{4 \times 7} = -\frac{15}{28}$$

$$-\frac{2}{9} \times \left(-\frac{4}{7}\right) = \frac{-2}{9} \times \frac{-4}{7} = +\frac{2 \times 4}{9 \times 7} = +\frac{8}{63}$$

$$-\frac{3}{5} \times \left(-\frac{10}{9}\right) = \frac{-3}{5} \times \frac{-10}{9} = +\frac{3 \times 10}{5 \times 9} = \frac{30}{45} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{4}{3} \times \left(-\frac{9}{4}\right) = \frac{4 \times (-9)}{3 \times 4} = -\frac{36}{12} = -3$$

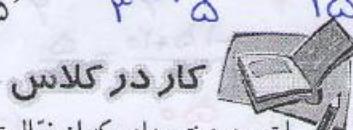
|          |   |   |
|----------|---|---|
| $\times$ | + | - |
| +        |   | + |
| -        | - | + |

۲- با توجه به جدول بالا، ابتدا علامت حاصل ضرب را تعیین کنید. سپس، مانند نمونه، با ضرب کسرها حاصل را پیدا کنید.

$$-\frac{3}{4} \times \left(-\frac{8}{15}\right) = +\frac{3}{4} \times \frac{8}{15} = \frac{3 \times 8}{4 \times 15} = \frac{2}{5}$$

$$-\frac{1}{2} \times \left(+\frac{2}{3}\right) = -\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = -\frac{1}{3} \quad +\frac{1}{3} \times \left(-\frac{3}{5}\right) = -\frac{1}{3} \times \frac{3}{5} = -\frac{3}{15} = -\frac{1}{5}$$

= - $\frac{1}{5}$



با توجه به نتیجه‌ای که از فعالیت قبل گرفته‌اید، حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\left(+\frac{3}{5}\right) \times \left(-\frac{4}{7}\right) = -\frac{12}{35}$$

$$\left(+\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{5}{7}\right) = -\frac{10}{21}$$

$$\left(-\frac{6}{35}\right) \times \left(-\frac{21}{8}\right) = +\frac{9}{35} \times \frac{21}{8} = \frac{9}{20} \quad -\frac{4}{7} \times \left(+12\right) = -\frac{48}{7}$$

$$\left(-\frac{1}{12}\right) \times \left(+\frac{11}{6}\right) = -\frac{1 \times 11}{12 \times 6} = -\frac{11}{72}$$

$$-\frac{1}{12} \times \left(-\frac{1}{12}\right) = +\left(\frac{1}{12} \times \frac{1}{12}\right) = +\frac{1}{144} = \frac{1}{144}$$

$$-\frac{1}{3} \times \frac{3}{8} = -\frac{1}{8}$$

$$-\frac{1}{4} \times \left(-\frac{1}{3}\right) = +\frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = +\frac{1}{12}$$

$$-\frac{1}{10} \times \left(-\frac{1}{10}\right) = +\frac{1}{100}$$

$$-\frac{1}{10} \times \left(-\frac{1}{10}\right) = +\frac{1}{100} = +\frac{1}{100}$$

$$-\frac{1}{10} \times \left(-\frac{1}{10}\right) = +\frac{1}{100}$$

$$-\frac{1}{10} \times \left(-\frac{1}{10}\right) = +\frac{1}{100} = +\frac{1}{100}$$



## ۱- فعالیت

۱- همان طور که می دانید، تقسیم را می توانیم به ضرب تبدیل کنیم. پس، مانند نمونه ابتدا علامت حاصل تقسیم را بگذارید و سپس آن را به ضرب دو عدد تبدیل کنید.

$$\begin{aligned} (+\frac{2}{3}) \div (-\frac{5}{7}) &= -(\frac{2}{3} \div \frac{5}{7}) = -(\frac{2}{3} \times \frac{7}{5}) = -\frac{14}{15} \\ -\frac{9}{35} \div (-\frac{8}{21}) &= + \left( \frac{9}{35} \div \frac{8}{21} \right) = + \frac{9}{35} \times \frac{21}{8} = +\frac{9}{20} \\ -\frac{15}{12} \div (+\frac{10}{18}) &= - \left( \frac{15}{12} \div \frac{10}{18} \right) = -\frac{15}{12} \times \frac{18}{10} = -\frac{9}{4} \end{aligned}$$

۲- معکوس کسر  $\frac{2}{3}$  برابر با  $\frac{3}{2}$  است. معکوس عدهای گویای زیر را بنویسید.

$$\begin{array}{cccc} -\frac{3}{5} \rightarrow -\frac{5}{3} & +\frac{2}{7} \rightarrow +\frac{7}{2} & -3 \rightarrow -\frac{1}{3} & +\frac{7}{3} \rightarrow +\frac{3}{7} \\ -2\frac{1}{3} \rightarrow -\frac{3}{2} & 0/1 \rightarrow \frac{10}{1} & +1\frac{1}{4} \rightarrow +\frac{4}{5} & -1 \rightarrow -1 \end{array}$$

مانند نمونه هر عدد بالا را در معکوس خود ضرب کنید و حاصل را به دست آورید.

$$-\frac{3}{5} \times (-\frac{5}{3}) = +1 \quad +\frac{2}{7} \times (+\frac{7}{2}) = +\frac{14 \times 1}{7 \times 2} = 1$$



چه نتیجه ای می گیرید؟ حاصل ضرب هر عدد (غیر صفر) در مکملش برابر یک می شود.

۳- جاهای خالی را با کسر مناسب بروز کنید.

$$\begin{array}{ll} -\frac{1}{2} \times -\frac{2}{5} = 1 & -\frac{3}{5} \times -\frac{5}{3} = 1 \\ +\frac{1}{4} \times \frac{4}{5} = 1 & +\frac{1}{4} \times \frac{4}{1} = 1 \end{array}$$

صفر تنها عددی است که معکوس ندارد؛ چون کسری که مخرج آن صفر باشد تعريف نشده است.



$$\begin{aligned} 15) \quad -\frac{3}{1} \times -\frac{1}{3} &= +\frac{3 \times 1}{1 \times 3} = +1 \quad , \quad +\frac{7}{3} \times +\frac{3}{7} = +\frac{7 \times 3}{3 \times 7} = +1 \\ -2\frac{1}{3} \times -\frac{3}{7} &= +\left(\frac{7}{3} \times \frac{3}{7}\right) = +1 \quad , \quad +\frac{10}{1} \times \frac{1}{10} = +\left(\frac{1}{10} \times \frac{10}{1}\right) = +1 \\ +1\frac{1}{4} \times (+\frac{4}{5}) &= +\left(\frac{5}{4} \times \frac{4}{5}\right) = +1 \quad (-\frac{1}{1}) \times (-\frac{1}{1}) = +1 \end{aligned}$$

در کسر ساده شدن  $\frac{a}{b}$  اگر  $a = 2^m \times 5^n$  و  $b = 2^k \times 5^l$  اعداد حسابی هی باشد آنگاه  $\frac{a}{b}$  نعداد محدودی رسم اعشاری دارد (حاکمیت دارد) مثال  $\frac{9}{4} = 2,25$

کسر ساده شدن  $\frac{a}{b}$  اگر  $a = 2^m \times 5^n$  و  $b = 2^k \times 5^l$  یعنی درخرج خود عوامل ۲ و ۵ را نداشته باشد و حداقل یک عامل اول دیر داشته باشد آنگاه  $\frac{a}{b}$  عدد اعشاری هستاوب ساده دارد مثال  $\frac{3}{5} = 0,6$  مثال  $\frac{1}{4} = 0,25$

### کار در کلاس

۱- حاصل تقسیم های زیر را حساب کنید.

$$-\frac{1}{9} \div (-8) = +\frac{1}{9} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{72}$$

$$-\frac{4}{7} \div (-\frac{5}{7}) = +\frac{4}{7} \times \frac{1}{5} = +\frac{4}{35}$$

$$-\frac{3}{8} \div (-\frac{3}{8}) = +\frac{3}{8} \times \frac{1}{3} = +1$$

$$1 \div (-\frac{2}{3}) = -1 \times \frac{3}{2} = -\frac{3}{2}$$

$$(+\frac{1}{4}) \div (-5) = -\frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = -\frac{1}{20}$$

$$-0,8 \div 4 = -\frac{8}{10} \times \frac{1}{4} = -0,2 = -\frac{1}{5}$$

$$1 \div \frac{3}{5} = \frac{5}{3}$$

$$1 \div (-\frac{3}{4}) = -\frac{4}{3}$$

$$1 \div (-\frac{7}{2}) = -\frac{2}{7}$$

$$\frac{3}{5} = \text{معکوس } \frac{5}{3}$$

$$-\frac{4}{3} = \text{معکوس } \frac{3}{4}$$

$$-\frac{7}{2} = \text{معکوس } \frac{2}{7}$$

حاصل تقسیم عدد یک بر هر عدد غیر صفر چیست؟ توضیح دهید. پرایر معلوم آن عدد می شود

### (حاکمیت)

۱- کسرهای زیر را مانند نمونه و به کمک ماشین حساب، به عدهای اعشاری تبدیل کنید.

#### ۱- اعداد اعشاری محدود (حاکمیت)

$$\frac{2}{5} = 2 \div 5 = 0,4$$

$$\frac{1}{3} = 0,333\dots$$

$$\frac{3}{7} = 0,428571428571\dots$$

$$\frac{1}{8} = 0,125$$

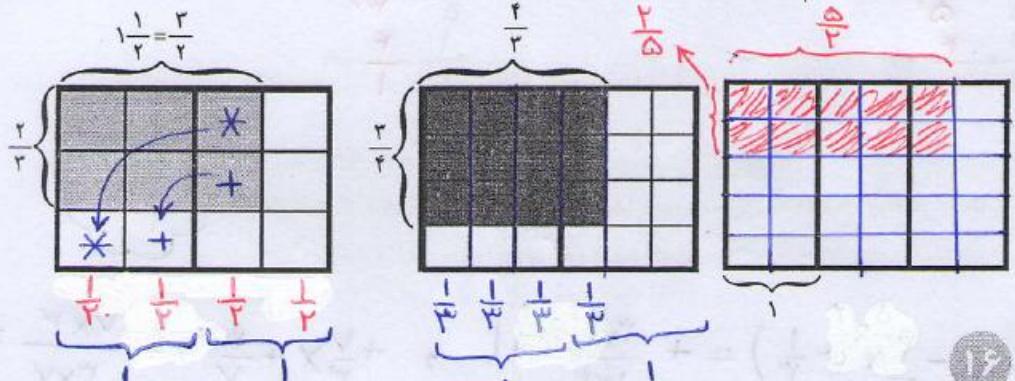
$$\frac{5}{4} = 1,25$$

$$\frac{5}{6} = 0,833\dots$$

بین عدهای حاصل چه تفاوتی مشاهده می کنید؟ آیا می توانید کسرها را طبقه بندی کنید؟

۲- مانند نمونه، ضرب یک کسر در معکوسش را روی شکل نشان دهید. چگونه می توانیم از

روی شکل نشان دهیم که حاصل ضرب کسر در معکوسش، یک می شود؟



$$\frac{4}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{4}{4} = 1 \quad \frac{3}{4} \times \frac{4}{3} = \frac{12}{12} = 1 \quad \frac{2}{5} \times \frac{5}{2} = \frac{10}{10} = 1$$

اگر کسر ساده شدن  $\frac{a}{b}$  درخرج خود علاوه بر می از عوامل ۲ یا ۵ دیگر عامل اول دیر نیز داشته باشد

$$\frac{a}{b} \text{ عدد اعشاری هستاوب مرکب دارد مثال } \frac{20}{9} = 0,8\bar{3}$$



۱- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\left(-\frac{6}{17}\right) + \left(-\frac{8}{17}\right) = \frac{-6+8}{17} = \frac{2}{17} \quad \left(-\frac{12}{35}\right) - \left(+\frac{11}{42}\right) = \frac{-12-11}{210} = \frac{-23}{210} = -\frac{23}{210}$$

$$\left(-\frac{2}{63}\right) - \left(-\frac{5}{72}\right) = \frac{-14+35}{504} = +\frac{21}{504} \quad -\frac{7}{12} + (-3) = \frac{-7-36}{12} = -\frac{43}{12} = -\frac{43}{12}$$

$$\left(+\frac{2}{11}\right) \times \left(-\frac{6}{9}\right) = -\frac{2}{33} \quad \left(\frac{1}{2}\right) \times \left(+\frac{1}{12}\right) = -\frac{1}{24}$$

$$-8 \div (+5) = -\frac{8}{5} = -1.6 \quad (-12) \div (-28) = +\frac{12}{28} = \frac{3}{7}$$

$$\left(-\frac{7}{9}\right) \div \left(-\frac{28}{27}\right) = +\frac{7}{9} \times \frac{27}{28} = +\frac{3}{4} \quad -2/4 \div 1/2 = -2$$

۲- عددی‌های زیر را به ساده‌ترین صورت بنویسید.

$$-(-\frac{5}{8}) = \frac{5}{8} \quad -(\frac{14}{-19}) = \frac{14}{19} \quad -(\frac{-5}{-13}) = -\frac{5}{13} \quad -\frac{3}{5} = -\frac{3}{5}$$

۳- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\left(\frac{3}{5} - \left(+\frac{2}{5}\right)\right) \times \frac{5}{12} = \frac{1}{5} \times \frac{5}{12} = \frac{1}{12} \quad \left(-\frac{3}{5}\right) \div \left(-\frac{2}{5} + \frac{5}{6}\right) = -\frac{3}{5} \times \frac{\frac{5}{6}}{-\frac{12}{30} + \frac{25}{30}} = -\frac{11}{14}$$

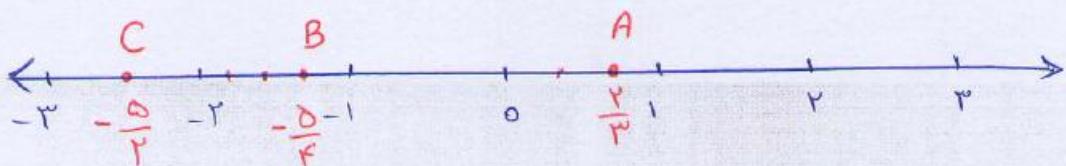
$$\left(\frac{2}{5} - \frac{3}{5} - \frac{7}{5} + \frac{4}{5}\right) \times \left(-\frac{5}{3}\right) = -\frac{4}{5} \times \frac{-5}{3} = \frac{4}{3} \left(-\frac{3}{5} + \frac{1}{6} - \frac{8}{9}\right) \div \frac{-7}{24} = \frac{-24 + 14 - 48}{3 \times 24} \times \left(-\frac{24}{7}\right) = +\frac{19}{21}$$

$$\cancel{(-2+3-7)} + \left(-\frac{1}{3} + \frac{2}{5} - \frac{1}{10}\right) = -\frac{1}{2} \times \left(-\frac{1}{3}\right) = +\left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}\right) = \frac{1}{6}$$

$$= -4 + \frac{-\cancel{2} + 4 - 1}{10} = -4 + \frac{1}{10} = -4$$

$$-\frac{1}{2} \div \frac{1}{4} = -\frac{1}{2} \times \frac{4}{1} = -\frac{11}{2} \quad -\frac{1}{3} - \frac{1}{4} \times \frac{-8}{5} = -\frac{5}{12} + \frac{2}{3} \times \frac{8}{5} = -\frac{5}{12} + \frac{16}{15} = -\frac{5}{12} + \frac{16}{15} = \frac{1}{4}$$

$$= \frac{-2+4}{4} = \frac{1}{4}$$



## مرور فصل ۱

### دانش را مبارکه

در این فصل واژه‌های زیر به کار رفته‌اند. مطمئن شوید که می‌توانید با جمله‌های خود، آنها را تعریف کنید و برای هر کدام مثالی بزنید.

- عددهای طبیعی   • عددهای صحیح   • عددهای گویا   • معکوس عدد گویا

در این فصل، روش‌های اصلی زیر معرفی شده‌اند. هر کدام را با یک مثال توضیح دهید و در دفتر خود، خلاصه درس مربوط به آن را ثویسید.

- محاسبه حاصل یک عبارت، شامل عددهای صحیح با رعایت ترتیب انجام عملیات.

- پیدا کردن راه حل مناسب برای محاسبه یک عبارت

- پیدا کردن عددهای گویای مساوی

- نمایش جمع و تفریق عددهای گویا روی محور

- محاسبه جمع و تفریق دو عدد گویا

- محاسبه ضرب و تقسیم دو عدد گویا

- پیدا کردن معکوس یک عدد گویا

- محاسبه حاصل یک عبارت، شامل عددهای گویا با رعایت ترتیب عملیات.

### کاربرد

محاسبه عددهای گویا در محاسبات عبارت‌های جبری و حل معادله‌ها کاربرد دارد.

### تمرین‌های ترکیبی

اگر بتوانید تمرین‌های زیر را انجام دهید، می‌توانید مطمئن باشید که این فصل را به خوبی یادگرفته‌اید.

۱) *الا*

- ۱- عددهای گویا را روی محور نمایش دهید.

$$A = -(-\frac{2}{3}) = +\frac{2}{3} \quad B = -1\frac{1}{4} = -\frac{5}{4} \quad C = -\frac{5}{-2} = -\frac{5}{2}$$

- ۲- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\begin{aligned}
 & (-2\frac{1}{2} + 1\frac{1}{3}) \div (-1\frac{1}{4} \times \frac{-2}{5}) = \\
 & = \left( -\frac{5}{2} + \frac{4}{3} \right) \div \left( -\frac{5}{4} \times \frac{-2}{5} \right) = \\
 & = -\frac{15+8}{12} \times 2 = -\frac{7}{6}
 \end{aligned}
 \qquad
 \begin{aligned}
 & 1 - \frac{1-\frac{1}{2}}{-1+1\frac{1}{2}} = 1 - \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{2}} = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3} \\
 & = 1 + 1 = 2
 \end{aligned}$$

۱۱